

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
"Карачаево-Черкесский государственный университет имени У.Д. Алиева"

Физико-математический факультет



Р.А. Бостанов

2023 г.

Рабочая программа дисциплины

Дискретная математика

(наименование дисциплины (модуля))

Направление подготовки

44.03.05 «Педагогическое образование» с двумя профилями подготовки

(шифр, название направления)

"Физика; математика"

Квалификация выпускника

бакалавр

Форма обучения

Очная

Год начала подготовки - **2022**

(по учебному плану)


Карачаевск, 2023

Составитель: к. ф.-м. н., доц. Шунгаров Х.Д.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 22.02.2018 г. №125, основной профессиональной образовательной программой высшего образования по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), профиль «Физика; математика»; учебным планом по направлению подготовки, локальными актами КЧГУ.

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры информатики и вычислительной математики на 2023-2024 уч. год

Протокол № 10 от 30 июня 2023 г.

Заведующий кафедрой  к. ф.-м. н., доц. Шунгаров Х.Д.

СОДЕРЖАНИЕ

1. Наименование дисциплины (модуля).....	4
2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы	4
3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы	6
4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся	6
5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий.....	6
5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах).....	6
5.2. Тематика и краткое содержание практических занятий	9
5.3. Примерная тематика курсовых работ	10
6. Образовательные технологии.....	10
7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)	12
7.1. Описание шкал оценивания степени сформированности компетенций	12
7.2. Типовые контрольные задания или иные учебно-методические материалы, необходимые для оценивания степени сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины	15
7.2.1. Типовые темы к письменным работам, докладам и выступлениям:	15
7.2.2. Примерные вопросы к итоговой аттестации (экзамен)	16
7.2.3. Тестовые задания для проверки знаний студентов	18
7.2.4. Бально-рейтинговая система оценки знаний бакалавров	27
8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины. Информационное обеспечение образовательного процесса.....	29
8.1. Основная литература:	29
8.2. Дополнительная литература:	30
9. Методические указания для обучающихся по освоению учебной дисциплины (модуля)	31
10. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)	31
10.1. Общесистемные требования	31
10.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины.....	31
10.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения	34
10.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы	34
11. Особенности реализации дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья	34
12. Лист регистрации изменений	36

1. Наименование дисциплины (модуля)

Дискретная математика

Целью изучения дисциплины является:

Целью освоения учебной дисциплины Б1.О.08.02 «Дискретная математика» являются: формирование компетенций в соответствии с требованиями стандарта, изучение основных понятий дискретной математики, развитие комбинаторного мышления студентов, логической культуры, применений дискретной математики в будущей профессиональной деятельности.

Для достижения цели ставятся задачи:

- получить представление о терминологии дискретной математики;
- изучить необходимый теоретический материал дисциплины;
- изучить основные методы и алгоритмы решения задач;
- уметь конструировать вычислительный процесс, начиная с постановки задачи и заканчивая её решением;
- усвоить методы анализа полученных решений.

Цели и задачи дисциплины определены в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 09.03.01 Информатика и вычислительная техника (квалификация – бакалавр).

2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина «Дискретная математика» (Б1.О.08.02) относится к вариативной части Б1.

Дисциплина (модуль) изучается на 3 курсе в 5 семестре.

МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП	
Индекс	Б1.О.08.02
Требования к предварительной подготовке обучающегося:	
Изучение данной дисциплины базируется на следующих курсах: «Алгебра», «Теория чисел».	
Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее: «Теория алгоритмов.	
Изучение дисциплины «Дискретная математика» необходимо для успешного прохождения итоговой государственной аттестации.	

3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины «Дискретная математика» направлен на формирование следующих компетенций обучающегося:

Код компетенций	Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ПОП/ ОП	Индикаторы достижения компетенций	Декомпозиция компетенций (результаты обучения) в соответствии с установленными индикаторами
УК-1	Способен осуществлять поиск,	УК-1.1. Знает методы поиска информации; УК-1.2. Умеет интерпре-	Знать: 1) методы поиска информации, 2) интерпретировать и ранжиро-

	критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	<p>тировать и ранжировать решения поставленной задачи по различным типам запросов;</p> <p>УК-1.3. Умеет анализировать задачу и её базовые составляющие в соответствии с заданными требованиями</p> <p>УК-1.4. Умеет при обработке информации отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок, формировать собственные мнения и суждения, аргументировать свои выводы и точку зрения</p> <p>УК-1.5. Владеет методами и средствами решения задачи и анализом методологических проблем, выбирает методы и средства решения задачи и анализирует методологические проблемы, возникающие при решении задачи</p> <p>УК-1.6. Умеет рассматривать и предлагать возможные варианты решения поставленной задачи, оценивая их достоинства и недостатки</p>	<p>вать решения поставленной задачи по различным типам запросов;</p> <p>3) анализировать задачу и её базовые составляющие в соответствии с заданными требованиями</p> <p>Уметь: 1) при обработке информации отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок, 2) формировать собственные мнения и суждения, 3) аргументировать свои выводы и точку зрения</p> <p>Владеть: 1) методами и средствами решения задачи и анализом методологических проблем,</p> <p>2) выбирать методы и средства решения задачи и анализирует методологические проблемы, возникающие при решении задачи</p> <p>3) рассматривать и предлагать возможные варианты решения поставленной задачи, оценивая их достоинства и недостатки</p>
ОПК-9	ОПК-9. Способен понимать принципы работы современных информационных технологий и использовать их для решения задач профессиональной деятельности	<p>ОПК-9.1. Выбирает современные информационные технологии и программные средства, в том числе отечественного производства, для решения задач профессиональной деятельности.</p> <p>ОПК-9.2. демонстрирует способность использовать цифровые ресурсы для решения задач профессиональной деятельности.</p>	<p>Знать:</p> <p>принципы работы современных информационных технологий</p> <p>Уметь:</p> <p>использовать современные информационные технологии для решения задач профессиональной деятельности</p> <p>Владеть:</p> <p>навыками использования</p>

			современных информационных технологий для решения задач профессиональной деятельности
--	--	--	---

4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость (объем) дисциплины (модуля) составляет 2 ЗЕТ, 72 академических часа.

Объем дисциплины	Всего часов	Всего часов
	для очной формы обучения	для заочной формы обучения
Общая трудоемкость дисциплины	72	
Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий)* (всего)		
Аудиторная работа (всего):	36	
в том числе:		
лекции	18	
семинары, практические занятия	18	
практикумы	Не предусмотрено	
лабораторные работы		
Внеаудиторная работа:		
консультация перед зачетом		
Внеаудиторная работа также включает индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, групповые, индивидуальные консультации и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем), творческую работу (эссе), рефераты, контрольные работы и др.		
Самостоятельная работа обучающихся (всего)	36	
Контроль самостоятельной работы		
Вид промежуточной аттестации обучающегося (зачет / экзамен)	экзамен	

5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)

Для очной формы обучения

№ п/п	Раздел, тема дисциплины	Общая трудоемкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)						
			всего	Аудиторные уч. занятия			Сам. ра- бота	Планируе- мые ре- зультаты обучения	Формы те- кущего контроля
				Лек	Пр	Лаб			
	<i>Раздел 1. Алгебра высказываний</i>	12	2	4		6			
1.	Тема: Высказывания и операции над ними/ <i>лк/</i>	2	2				УК-1 ОПК-9	Устный опрос	
2.	Тема: Основные эквивалентности. Вычисления и упрощение логических выражений/ <i>пз/</i>	4		4			УК-1 ОПК-9	Устный опрос	
3.	Тема: Предикаты и кванторы. Методы доказательства <i>/ср/</i>	6				6	УК-1	Устный опрос	
	<i>Раздел 2. Элементы теории множеств</i>	12	2	4		6	ОПК-9		
1.	Тема: Разбиения и покрытия. Алгебра подмножеств. Булеан <i>/лк/</i>	2					УК-1	Устный опрос	
2.	Тема: Множества. Операции над множествами. Способы задания множеств. <i>/пр/</i>	4		4			ОПК-9	Устный опрос	
3.	Тема: Свойства операций над множествами <i>/ср/</i>	6				6	УК-1	Устный опрос	
	<i>Раздел 3. Метод включений-исключений</i>	12	2	4		6	ОПК-9		
1.	Тема: Классическая формула включений-исключений <i>/лк/</i>	2	2				УК-1	Устный опрос	
2.	Тема: Объединение конфигураций. <i>/ср/</i>	6				6	ОПК-9	Устный опрос	
3.	Тема: Решение задач на метод включений – исключений <i>/пр/</i>	4		4			УК-1 ОПК-9	Устный опрос	

	Раздел 4. Отношения	12	2	4		6		
1.	Тема: Прямое произведение множеств Композиция отношений. Степень и ядро отношения /лк/	2	2				УК-1 ОПК-9	Устный опрос
2.	Тема: Бинарные отношения /ср/	6				6	УК-1	Устный опрос
3.	Тема: Свойства отношений . Представление отношений в ЭВМ . /нз/	4		4			ОПК-9	Устный опрос
	Раздел 5.: Комбинаторика -1	12	2	4		6	УК-1	
1.	Тема: Основные правила комбинаторики /лк/	2	2				ОПК-9	Устный опрос
2.	Тема: Понятие выборки. Типы выборок /нз/	4		4			УК-1	Устный опрос
3.	Выборки с повторениями /ср/	6				6	ОПК-9	Устный опрос
	Раздел 6.: Комбинаторика -2	12	2	4		6	УК-1	
1.	Тема: Размещения без повторений и размещения с повторениями/лк/	2	2				ОПК-9	Устный опрос
2.	Тема: Бином Ньютона Биномиальные коэффициенты/ср/	6				6	УК-1	Устный опрос
3.	Тема: Решение задач комбинаторного типа /нз/	2		2			УК-1 ОПК-9	Устный опрос
	Раздел 7. Комбинаторика и элементы комбинаторного анализа	12	2	4		6		
1.	Тема: Полиномиальная формула. Полиномиальные коэффициенты /лк/	2	2				УК-1	Устный опрос
2.	Тема: Перестановки с повторениями /ср/	6				6	ОПК-9	Устный опрос
3.	Тема: Числа Стирлинга. Ре-	4		4			УК-1	Устный

	шение задач на перестановки с повторениями /нз/							опрос
	Раздел 8. Асимптотические методы решения рекуррентных соотношений	12	2	4		6	ОПК-9	
1.	Тема: Сумма бесконечной геометрической прогрессии /нз/	4		4			УК-1	Устный опрос
2.	Тема: Метод производящих функции. Числа Фибоначчи. Формула Бине. /лк/	2	2				ОПК-9	Устный опрос
3.	Решение задач /ср/	6				6	УК-1	Устный опрос
	Раздел 9. Введение в теорию графов	12	2	4		6	ОПК-9	
1.	Тема: Основные понятия и определения /лк/	2					УК-1	Устный опрос
2.	Тема: Подграфы и дополнения/нз/			4			ОПК-9	Устный опрос
3	Тема: Степени вершин. Матрицы графа /ср/	6				6	УК-1	Устный опрос
	Всего	72	18	18		36		

5.2. Тематика и краткое содержание практических занятий
ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 1,2

Тема: Алгебра высказываний

- 1.2. Высказывания и операции над ними
- 1.3. Основные эквивалентности
- 1.4. Вычисление и упрощение логических выражений
- 1.5. Предикаты и кванторы
- 1.6. Методы доказательства

ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 3,4
Тема: Элементы теории множеств

- 2.1. Множества. Операции над множествами
- 2.2. Способы задания множеств.
- 2.3. Сравнение множеств
- 2.4. Разбиения и покрытия

ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 5,6

Тема: *Метод включений – исключений*

3.1. *Объединение конфигураций*

3.2. *Классическая формула метода включений – исключений*

ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 7,8

Тема: Отношения

4.1. Прямое произведение множеств

4.2. Бинарные отношения

4.3. Композиция отношений. Степень и ядро отношения

4.4. Свойства отношений

4.5. Представление отношений в ЭВМ

ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 9,10

Тема: Комбинаторика

5.1. Основные правила комбинаторики

5.2. Понятие выборки. Типы выборок

5.3. Размещения без повторений и размещения с повторениями

5.4. Перестановки

ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ №11,12

Тема: Сочетания без повторений и с повторениями

6.1. *Свойства сочетаний*

6.2. *Формулы суммирования*

6.3. *Бином Ньютона*

6.4. *Свойства разложения бинома*

6.5. *Полиномиальная формула. Полиномиальные коэффициенты*

ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 13,14

Тема: *Асимптотические методы решения рекуррентных соотношений*

7.1. *Сумма бесконечной геометрической прогрессии*

7.2. *Метод производящих функции*

7.3. *Числа Фибоначчи. Формула Бине..*

ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 15,16

Тема: Введение в теорию графов

8.1. Основные понятия и определения

8.2. Подграфы и дополнения

8.3. Специальные графы

8.4. Матрицы графа

8.5. Степени вершин

ПРАКТИЧЕСКИЕ ЗАНЯТИЯ № 17,18

Тема: Операции над графами.

9.1. Пересечение графов

9.2. Объединение графов

9.3. Разности графов

5.3. Примерная тематика курсовых работ

Учебным планом не предусмотрены

6. Образовательные технологии

При проведении учебных занятий по дисциплине используются традиционные и инновационные, в том числе информационные образовательные технологии, включая при необходимости применение активных и интерактивных методов обучения.

Традиционные образовательные технологии реализуются, преимущественно, в процессе лекционных и практических (семинарских, лабораторных) занятий. Инновационные образовательные технологии используются в процессе аудиторных занятий и самостоятельной работы студентов в виде применения активных и интерактивных методов обучения.

Информационные образовательные технологии реализуются в процессе использования электронно-библиотечных систем, электронных образовательных ресурсов и элементов электронного обучения в электронной информационно-образовательной среде для активизации учебного процесса и самостоятельной работы студентов.

Развитие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений и лидерских качеств при проведении учебных занятий.

Практические (семинарские занятия относятся к интерактивным методам обучения и обладают значительными преимуществами по сравнению с традиционными методами обучения, главным недостатком которых является известная изначальная пассивность субъекта и объекта обучения.

Практические занятия могут проводиться в форме групповой дискуссии, «мозговой атаки», разборка кейсов, решения практических задач и др. Прежде, чем дать группе информацию, важно подготовить участников, активизировать их ментальные процессы, включить их внимание, развивать кооперацию и сотрудничество при принятии решений.

Методические рекомендации по проведению различных видов практических (семинарских) занятий.

1. Обсуждение в группах

Групповое обсуждение какого-либо вопроса направлено на нахождение истины или достижение лучшего взаимопонимания, Групповые обсуждения способствуют лучшему усвоению изучаемого материала.

На первом этапе группового обсуждения перед обучающимися ставится проблема, выделяется определенное время, в течение которого обучающиеся должны подготовить аргументированный развернутый ответ.

Преподаватель может устанавливать определенные правила проведения группового обсуждения:

- задавать определенные рамки обсуждения (например, указать не менее 5... 10 ошибок);

- ввести алгоритм выработки общего мнения (решения);

- назначить модератора (ведущего), руководящего ходом группового обсуждения.

На втором этапе группового обсуждения вырабатывается групповое решение совместно с преподавателем (арбитром).

Разновидностью группового обсуждения является круглый стол, который проводится с целью поделиться проблемами, собственным видением вопроса, познакомиться с опытом, достижениями.

2. Публичная презентация проекта

Презентация – самый эффективный способ донесения важной информации как в разговоре «один на один», так и при публичных выступлениях. Слайд-презентации с использованием мультимедийного оборудования позволяют эффективно и наглядно представить содержание изучаемого материала, выделить и проиллюстрировать сообщение, которое несет поучительную информацию, показать ее ключевые содержательные пункты. Ис-

пользование интерактивных элементов позволяет усилить эффективность публичных выступлений.

3. Дискуссия

Как интерактивный метод обучения означает исследование или разбор. Образовательной дискуссией называется целенаправленное, коллективное обсуждение конкретной проблемы (ситуации), сопровождающейся обменом идеями, опытом, суждениями, мнениями в составе группы обучающихся.

Как правило, дискуссия обычно проходит три стадии: ориентация, оценка и консолидация. Последовательное рассмотрение каждой стадии позволяет выделить следующие их особенности.

Стадия ориентации предполагает адаптацию участников дискуссии к самой проблеме, друг другу, что позволяет сформулировать проблему, цели дискуссии; установить правила, регламент дискуссии.

В стадии оценки происходит выступление участников дискуссии, их ответы на возникающие вопросы, сбор максимального объема идей (знаний), предложений, пресечение преподавателем (арбитром) личных амбиций отклонений от темы дискуссии.

Стадия консолидации заключается в анализе результатов дискуссии, согласовании мнений и позиций, совместном формулировании решений и их принятии.

В зависимости от целей и задач занятия, возможно, использовать следующие виды дискуссий: классические дебаты, экспресс-дискуссия, текстовая дискуссия, проблемная дискуссия, ролевая (ситуационная) дискуссия.

7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

7.1. Описание шкал оценивания степени сформированности компетенций

Уровни сформированности компетенций	Индикаторы	Качественные критерии оценивание			
		2 балла	3 балла	4 балла	5 баллов
УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач					
Базовый	Знать: методы поиска информации, интерпретировать и	Не знает: методы поиска информации	В основном знает: методы поис-	Знает: методы поиска информации,	В полном объеме знает:
	Уметь: при обработке информации отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок, формировать собственные	Не умеет при обработке информации отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок, формировать	В основном умеет: при обработке информации отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок,	Умеет: при обработке информации отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок, формировать соб-	В полном объеме умеет:

	мнения и суждения, аргументировать свои выводы и точку зрения при обработке информации	собственные мнения и суждения, аргументировать свои выводы и точку зрения при обработке информации	формировать собственные мнения и суждения, аргументировать свои выводы и точку зрения при обработке информации	ственные мнения и суждения, аргументировать свои выводы и точку зрения при обработке информации	
	Владеть: методами и средствами решения задачи и анализом методологических проблем, выбирать методы и средства решения задачи и анализирует методологические проблемы, возникающие при решении задачи рассматривать и предлагать возможные варианты решения поставленной задачи, оценивая их достоинства и недостатки	Не владеет:: методами и средствами решения задачи и анализом методологических проблем, выбирать методы и средства решения задачи и анализирует методологические проблемы, возникающие при решении задачи рассматривать и предлагать возможные варианты решения поставленной задачи, оценивая их достоинства и недостатки	В основном владеет: методами и средствами решения задачи и анализом методологических проблем, выбирать методы и средства решения задачи и анализирует методологические проблемы, возникающие при решении задачи рассматривать и предлагать возможные варианты решения поставленной задачи, оценивая их достоинства и недостатки	Владеет: методами и средствами решения задачи и анализом методологических проблем, выбирать методы и средства решения задачи и анализирует методологические проблемы, возникающие при решении задачи рассматривать и предлагать возможные варианты решения поставленной задачи, оценивая их достоинства и недостатки	В полном объёме владеет:

Повыше нны й	Знать методы поиска информации, интерпретировать и ранжировать решения поставленной задачи по различным типам запросов; анализировать задачу и её базовые составляющие в соответствии с заданными требова-	Не знает:	В основном знает:	Знает:	В полном объёме знает: методы поиска информации, интерпретировать и ранжировать решения поставленной задачи по различным типам запросов; анализировать задачу и её базовые составляющие в соот-
	Уметь: отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок, формировать собственные мнения и суждения, аргументировать свои выводы и точку зрения при обработке информации	Не умеет:	В основном умеет:	Умеет :	В полном объёме умеет: отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок, формировать собственные мнения и суждения, аргументировать свои выводы и точку зрения при обработке информации.
	Владеть: методами и средствами решения задачи и анализом методологических проблем, выбирать методы и средства решения задачи и анализирует методологические проблемы, возникающие при решении задачи рассматри-	Не владеет:	В основном владеет:	Владеет::	В полном объёме владеет: методами и средствами решения задачи и анализом методологических проблем, выбирать методы и средства решения задачи и анализирует методологические проблемы,

	<p>вать и предлагать возможные варианты решения поставленной задачи, оценивая их достоинства и недостатки</p>				<p>возникающие при решении задачи рассматривать и предлагать возможные варианты решения поставленной задачи, оценивая их достоинства и недостатки</p>
--	---	--	--	--	---

7.2. Типовые контрольные задания или иные учебно-методические материалы, необходимые для оценивания степени сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины

7.2.1. Типовые темы к письменным работам, докладам и выступлениям:

1. Функции (отображения).
2. Инъекция, сюръекция и биекция.
3. Индуцированная функция.
4. Суммируемые последовательности. Способы нахождения некоторых сумм.
5. Теорема о сумме степеней вершин графа.
6. Теорема о числе вершин нечетной степени в графе
7. Дополнение графа.
8. Метрические характеристики графа.
9. Алгоритм поиска в ширину.
10. Эйлеровы графы. Теорема.
11. Гамильтоновы графы.
12. Задача коммивояжера

Критерии оценки доклада, сообщения, реферата:

Отметка «отлично» за письменную работу, реферат, сообщение ставится, если изложенный в докладе материал:

- отличается глубиной и содержательностью, соответствует заявленной теме;
- четко структурирован, с выделением основных моментов;
- доклад сделан кратко, четко, с выделением основных данных;
- на вопросы по теме доклада получены полные исчерпывающие ответы.

Отметка «хорошо» ставится, если изложенный в докладе материал:

- характеризуется достаточным содержательным уровнем, но отличается недостаточной структурированностью;
- доклад длинный, не вполне четкий;
- на вопросы по теме доклада получены полные исчерпывающие ответы только после наводящих вопросов, или не на все вопросы.

Отметка «удовлетворительно» ставится, если изложенный в докладе материал:

- недостаточно раскрыт, носит фрагментарный характер, слабо структурирован;
- докладчик слабо ориентируется в излагаемом материале;
- на вопросы по теме доклада не были получены ответы или они не были правильными.

Отметка «неудовлетворительно» ставится, если:

- доклад не сделан;
- докладчик не ориентируется в излагаемом материале;
- на вопросы по выполненной работе не были получены ответы или они не были правильными.

7.2.2. Примерные вопросы к итоговой аттестации (экзамен)

1. Знакомство с теоретико-множественными операциями.
2. Построение произведения множеств.
3. Обратное отображение.
4. Перестановки на множестве.
5. Генерирование подмножеств.
6. Перестановки, размещения, сочетания.
7. Комбинации с повторениями.
8. Производящие функции.
9. Сложение, пересечение и композиция бинарных отношений.
10. Матрицы отношений.
11. Рефлексивность, симметричность, антисимметричность, транзитивность, интранзитивность.
12. Отношения эквивалентности и разбиения.
13. Толерантность и покрытия.
14. Примеры частичных порядков. НОД и НОК.
15. Высказывания и операции над ними.
16. Основные эквивалентности (законы) алгебры высказываний.
17. Вычисление и упрощение логических выражений ,
18. Методы доказательств.
19. Метод математической индукции.
20. Множества. Операции над множествами.
21. Способы задания множеств.
22. Разбиения и покрытия.
23. Алгебра подмножеств. Булеан.
24. Свойства операций над множествами.
25. Объединение конфигураций.
26. Классическая формула метода включений- исключений.
27. Отношения. Прямое произведение множеств.
28. Композиция отношений.
29. Степень и ядро отношения.
- 30. Свойства отношений.**
31. Представление отношений в ЭВМ.
32. Функции (отображения).
33. Инъекция, сюръекция и биекция.
34. Индуцированная функция.
35. Принцип Дирихле.
36. Отношение эквивалентности.
37. Классы эквивалентности.
38. Фактормножества.

39. Отношения порядка. Минимальные элементы
40. Замыкание отношений.
41. Транзитивное и рефлексивное транзитивное замыкание.
42. Числовые последовательности.
43. Рекуррентное соотношение.
44. Суммируемые последовательности. Способы нахождения некоторых сумм.
45. Суммы и рекуррентности.
46. Бином Ньютона. Биномиальные коэффициенты.
47. Основные тождества с биномиальными коэффициентами.
48. Полиномиальная формула. Полиномиальные коэффициенты.
49. Правило суммы.
50. Правило произведения.
51. Асимптотические методы решений рекуррентных соотношений.
52. Вычисление суммы бесконечной геометрической прогрессии.
53. Метод суммирования Эйлера.
54. Метод производящих функций. Числа Фибоначчи.
55. Метод включения и исключения. Теорема.
56. Основные определения и понятия теории графов.
57. Теорема о сумме степеней вершин графа.
58. Теорема о числе вершин нечетной степени в графе.
59. Подграфы.
60. Дополнение графа.
61. Изоморфные графы.
62. Маршруты, цепи, циклы.
63. Вершинно - порожденные графы.
64. Реберно-порожденные графы.
65. Операции над графами.
66. Разбиение n -множества.
67. Связные графы. Теорема.
68. Компоненты связности графа.
69. Двудольные графы. Критерий двудольности графа.
70. Метрические характеристики графа.
71. Алгоритм поиска в ширину.
72. Применение алгоритма поиска в ширину.
73. Нахождение эксцентриситета вершины.
74. Нахождение диаметра и радиуса графа.
75. Эйлеровы графы. Теорема.
76. Алгоритм нахождения Эйлера цикла в графе.
77. Гамильтоновы графы. Задача коммивояжера.
78. Плоские графы.
79. Планарные графы.
80. Грани плоского графа. Формула Эйлера.
81. Гомеоморфные графы.
82. Теорема Понтрягина - Куратовского.
83. Раскрашиваемость вершин двудольного графа.

**Критерии оценки устного ответа на вопросы по дисциплине
«Дискретная математика»:**

✓ 5 баллов - если ответ показывает глубокое и систематическое знание всего программного материала и структуры конкретного вопроса, а также основного содержания и новаций лекционного курса по сравнению с учебной литературой. Студент демонстрирует отчетливое и свободное владение концептуально-понятийным аппаратом, научным языком и терминологией соответствующей научной области. Знание основной литературы и знакомство с дополнительно рекомендованной литературой. Логически корректное и убедительное изложение ответа.

✓ 4 балла - знание узловых проблем программы и основного содержания лекционного курса; умение пользоваться концептуально-понятийным аппаратом в процессе анализа основных проблем в рамках данной темы; знание важнейших работ из списка рекомендованной литературы. В целом логически корректное, но не всегда точное и аргументированное изложение ответа.

✓ 3 балла – фрагментарные, поверхностные знания важнейших разделов программы и содержания лекционного курса; затруднения с использованием научно-понятийного аппарата и терминологии учебной дисциплины; неполное знакомство с рекомендованной литературой; частичные затруднения с выполнением предусмотренных программой заданий; стремление логически определенно и последовательно изложить ответ.

✓ 2 балла – незнание, либо отрывочное представление о данной проблеме в рамках учебно-программного материала; неумение использовать понятийный аппарат; отсутствие логической связи в ответе.

7.2.3. Тестовые задания для проверки знаний студентов

1. Тип - дистрибутивный вопрос. (УК-1)

Дано универсальное множество $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ и в нем подмножества $A = \{x \mid x < 5\}$, $B = \{2, 4, 5, 6\}$, $C = \{1, 3, 5, 6\}$.

Найти $A \cup B$ (Указать правильные варианты ответов).

- a. $\{1, 2, 2, 3, 4, 4, 5, 6\}$
- b. $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ (+3 балла)
- c. $\{x \mid x < 7, x \in U\}$ (+4 балла)
- d. $\{1, 3\}$
- e. $\{3, 4, 2, 5, 1, 6\}$ (+3 балла)

2. Тип - дистрибутивный вопрос. (УК-1)

3. Дано универсальное множество $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ и в нем подмножества $A = \{x \mid x < 4\}$, $B = \{2, 4, 5, 7\}$, $C = \{1, 2, 5, 6\}$.

Найти $C \cup A$ (Указать правильные варианты ответов).

- a. $\{1, 1, 2, 2, 3, 5, 6\}$
- b. $\{1, 2, 3, 5, 6\}$ (+5 баллов)
- c. $\{x \mid x < 7\}$
- d. $\{3, 2, 6, 1, 5\}$ (+5 баллов)
- e. $\{1, 2\}$

4. Тип - дистрибутивный вопрос. (ПК-1)

Дано универсальное множество $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ и в нем подмножества $A = \{x \mid x > 4\}$, $B = \{3, 5, 7\}$, $C = \{1, 2, 4, 6\}$.

Найти $C \cup B$ (Указать правильные варианты ответов).

- a. U (+4 балла)
- b. $\{3, 5, 7\}$

- с. \emptyset
 d. $\{3,5,7,1,2,4,6\}$ (+3 балла)
 e. $\{1,2,3,4,5,6,7\}$ (+3 балла)

5. Тип - дистрибутивный вопрос. (ПК-1)

Дано универсальное множество $U=\{1,2,3,4,5,6,7\}$ и в нем подмножества $A=\{x \mid x < 5\}$, $B=\{2,4,5,6\}$, $C=\{1,3,5,6\}$.

Найти $C \cap B$ (Указать правильные варианты ответов).

- a. $\{1,2,3,4,5,5,6,6\}$
 b. $\{6,5\}$ (+5 баллов)
 c. $\{1,2,3,4,5,6\}$
 d. $\{x \mid x < 7\}$
 e. $\{5,6\}$ (+5 баллов)

6. Тип - дистрибутивный вопрос. (ПК-1)

Дано универсальное множество $U=\{1,2,3,4,5,6,7\}$ и в нем подмножества $A=\{x \mid x < 4\}$, $B=\{2,4,5,7\}$, $C=\{1,2,5,6\}$. Найти $A \cap B$ (Указать правильные варианты ответов).

- a. $\{1,2,3,4,5,7\}$
 b. $\{1,2,2,3,4,5,7\}$
 c. $\{2\}$ (+5 баллов)
 d. $\{5,6\}$
 e. $\{x \mid x=2\}$ (+5 баллов)

7. Тип - дистрибутивный вопрос. (ПК-1)

Дано универсальное множество $U=\{1,2,3,4,5,6,7\}$ и в нем подмножества $A=\{x \mid x > 4\}$, $B=\{3,5,7\}$, $C=\{1,2,4,6\}$.

Найти $B \cap A$ (Указать правильные варианты ответов).

- a. $\{7,5\}$ (+5 баллов)
 b. $\{3,5,6,7\}$
 c. $\{5,7,5,7\}$
 d. $\{5,7\}$ (+5 баллов)
 e. $\{x \mid 2 < x < 8\}$

8. Тип - дистрибутивный вопрос (УК-1)

Дано универсальное множество $U=\{1,2,3,4,5,6,7\}$ и в нем подмножества $A=\{x \mid x < 5\}$, $B=\{2,4,5,6\}$, $C=\{1,3,5,6\}$.

Найти декартово (прямое) произведение $D \times C$, где $D = A - B$ (Указать правильные варианты ответов).

- a. $\{1,3,5,6\}$
 b. $\{(1,1), (3,1), (1,3), (3,3), (1,5), (3,5), (1,6), (3,6)\}$ (+6 баллов)
 c. $\{(1,1), (1,3), (3,3), (1,5), (3,5), (1,6), (3,6)\}$
 d. $\{(1,3), (1,5), (3,5), (1,6), (3,6)\}$
 e. $\{(3,3), (1,5), (3,5), (1,6), (3,6), (1,1), (3,1), (1,3)\}$ (+6 баллов)
 f. $\{1,1,3,3,5,6\}$

9. Тип - дистрибутивный вопрос. ((УК-1))

Дано универсальное множество $U=\{1,2,3,4,5,6,7\}$ и в нем подмножества $A=\{x \mid x < 4\}$, $B=\{2,4,5,7\}$, $C=\{1,2,5,6\}$.

Найти декартово (прямое) произведение $D \times A$, где $D = C - B$ (Указать правильные варианты ответов).

- a. $\{1,2,3,6\}$
- b. $\{(1,1), (6,1), (1,2), (6,2), (1,3), (6,3)\}$ (+4 балла)
- c. $\{(1,1), (1,6), (1,2), (2,6), (1,3), (3,6)\}$
- d. $\{1\}$
- e. $\{(1,1), (1,2), (1,3), (6,1), (6,2), (6,3)\}$ (+4 балла)
- f. $\{(6,3), (1,1), (1,3), (6,1), (6,2), (1,2)\}$ (+4 балла)

10. Тип - дистрибутивный вопрос. . (УК-1)

Дано универсальное множество $U = \{1,2,3,4,5,6,7\}$ и в нем подмножества $A = \{x \mid x > 4\}$, $B = \{3,5,7\}$, $C = \{1,2,4,6\}$. Найти декартово (прямое) произведение $B \times D$, где $D = C - A$ (Указать правильные варианты ответов).

Варианты ответов:

- a. $\{1,2,3,4,5,7\}$
- b. $\{(3,1), (5,1), (7,1), (3,2), (5,2), (7,2), (3,4), (5,4), (7,4)\}$
(+6 баллов)
- c. $U - \{4\}$
- d. $\{(1,3), (2,3), (3,4), (1,5), (2,5), (4,5), (1,7), (2,7), (4,7)\}$
- e. $\{(3,1), (3,2), (3,4), (5,1), (5,2), (5,4), (7,1), (7,2), (7,4)\}$
(+6 баллов)
- f. \emptyset

11. Тип - альтернативный вопрос. . (УК-1)

Справедлив ли дистрибутивный закон?

$$A - (B \cup C) = (A - B) \cup (A - C)$$

- a. да
- b. нет (+5 баллов)

12. Тип - альтернативный вопрос. . (УК-1)

Справедлив ли дистрибутивный закон?

$$A \otimes (B \cup C) = (A \otimes B) \cup (A \otimes C)$$

- a. да
- b. нет (+5 баллов)

13. Тип - альтернативный вопрос. . (УК-1)

Справедлив ли дистрибутивный закон?

$$A(B - C) = AB - AC$$

- a. да (+5 баллов)
- b. нет
- #Ответ# да# (+5 баллов)

14. Тип - альтернативный вопрос (. (УК-1)

Справедлив ли дистрибутивный закон?

$$A \cup BC = (A \cup B)(A \cup C)$$

- a. да(+5 баллов)
- b. нет

15. Тип - альтернативный вопрос. . (УК-1)

Справедлив ли дистрибутивный закон?

$$A - (B \cap C) = (A - B) \cap (A - C)$$

- a. да
- b. нет (+5 баллов)

16. Тип - альтернативный вопрос. . (УК-1)

Справедлив ли дистрибутивный закон?

$$A \otimes B \cap C = (A \otimes B) \cap (A \otimes C)$$

- a. да
- b. нет (+5 баллов)

17. Тип - альтернативный вопрос.

Справедлив ли дистрибутивный закон? . (УК-1)

$$A - (B \otimes C) = (A - B) \otimes (A - C)$$

- a. да
- b. нет (+5 баллов)

18. Тип - альтернативный вопрос. . (УК-1)

Справедлив ли дистрибутивный закон?

$$A(B \otimes C) = AB \otimes AC$$

- a. да (+5 баллов)
- b. нет

19. Тип - альтернативный вопрос.

Справедлив ли дистрибутивный закон? . (УК-1)

$$A \cup (B - C) = (A \cup B) - (A \cup C)$$

- a. да

b. нет (+5 баллов)

20. Тип - простой вопрос . (УК-1).

Сколькими способами можно выбрать 3 различных карандаша из имеющихся 5 карандашей разных цветов? (Ввести ответ в виде числа)

#Ответ# 10# (+10 баллов)

21. Тип - простой вопрос. . (УК-1)

Сколькими способами можно разделить 5 различных карандашей между двумя школьниками так, чтобы у каждого был хотя бы один карандаш? (Ввести ответ в виде числа)

#Ответ# 30# (+10 баллов)

22. Тип - простой вопрос. . (УК-1)

Сколькими способами можно разделить 8 шахматистов на две команды по 4 человека? (Ввести ответ в виде числа)

#Ответ# 35# (+10 баллов)

23. Тип - простой вопрос. . (УК-1)

Граф G задан следующей матрицей смежности:

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Найти радиус $r(G)$ графа.

#Ответ# 3# (+10 баллов)

24. Тип - простой вопрос.. (УК-1)

Граф G задан следующей матрицей смежности:

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Найти диаметр $d(G)$ графа.

#Ответ# 4# (+10 баллов)

25. Тип - простой вопрос. . (УК-1)

Граф G задан следующей матрицей смежности:

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Найти радиус $r(G)$ графа.

#Ответ# 2# (+10 баллов)

26. Тип - простой вопрос. . (УК-1)

Граф G задан следующей матрицей смежности:

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Найти диаметр $d(G)$ графа.

#Ответ# 2# (+10 баллов)

27. Тип - простой вопрос. . (УК-1)

Граф G задан следующей матрицей смежности:

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Найти радиус $r(G)$ графа.

#Ответ# 2# (+10 баллов)

28. Тип - простой вопрос. . (УК-1)

Граф G задан следующей матрицей смежности:

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Найти диаметр $d(G)$ графа.

#Ответ# 3# (+10 баллов)

29. Тип - простой вопрос. . (УК-1)

Сколько существует неизоморфных деревьев с 6 вершинами?

#Ответ# 6# (+10 баллов)

30. Тип - простой вопрос. . (УК-1)

Сколько существует неизоморфных связных графов с 5 вершинами и 4 ребрами?

#Ответ# 3# (+10 баллов)

31. Тип - простой вопрос. (УК-1)

Сколько существует неизоморфных связных графов с 5 вершинами и 5 ребрами?

#Ответ# 5# (+10 баллов)

32. Тип - дистрибутивный вопрос. . (УК-1)

Выберите условия, каждое из которых является необходимым для того, чтобы связный граф с n вершинами был планарным (m – число ребер):

- a. $m \leq 3n - 6$ (+3 балла)
- b. $m < 3n - 6$
- c. $m = 8$ при $n = 6$
- d. $m < 19$ при $n = 8$ (+4 балла)
- e. $m \leq 3n$ (+3 балла)

33. Тип - дистрибутивный вопрос. (ОК-3)

Выберите условия, каждое из которых является достаточным для того, чтобы граф с n вершинами был планарным (m – число ребер):

- a. $m \leq 3n - 6$
- b. граф не содержит подграфа, гомеоморфного графу K_{33} , и подграфа, гомеоморфного графу K_5 (+3 балла)
- c. $m = n - 1$, и граф связный (+4 балла)
- d. граф не содержит подграфа, изоморфного графу K_{33}
- e. $m = 5$ при $n = 7$ (+3 балла)

34. Тип - дистрибутивный вопрос. (ОК-3)

Выберите условия, каждое из которых является достаточным для того, чтобы граф с n вершинами не был планарным (m - число ребер):

- a. граф содержит подграф, изоморфный графу K_5 (+2 балла)
- b. $m = 10$ при $n = 20$
- c. граф содержит подграф, гомеоморфный графу K_6 (+3 балла)
- d. $m > 3n$ (+2 балла)
- e. $m = 10$ при $n = 5$ (+3 балла)

35. Тип - дистрибутивный вопрос. (УК-1)

Пусть граф G с n вершинами является деревом. Тогда: (Выберите для G верные утверждения)

- a. число ребер $m = n - 1$ (+2 балла)
- b. граф связный (+3 балла)
- c. граф не содержит циклов (+2 балла)
- d. граф планарный (+2 балла)
- e. граф не эйлеров (+2 балла)
- f. есть вершина степени 1 (+3 балла)
- g. есть вершина степени больше 1

36. Тип - дистрибутивный вопрос. (УК-1)

Пусть граф G с n вершинами является несвязным. Тогда: (Выберите для G верные утверждения.)число компонент связности всегда равно 2

- a. число компонент связности может быть равно 2 (+3 балла)
- b. степень каждой вершины не превосходит $n - 2$ (+4 балла)
- c. число компонент связности больше 1 (+3 балла)
- d. граф не может быть двудольным
- e. граф планарный
- f. граф не может быть деревом (+4 балла)

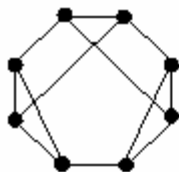
37. Тип - дистрибутивный вопрос. (УК-1)

Пусть граф G с n вершинами является двудольным. Тогда: (Выберите для G верные утверждения.) в нем нет циклов четной длины

- a. в нем могут быть циклы четной длины (+7 баллов)
- b. в нем все циклы имеют четную длину (+7 баллов)
- c. граф связный
- d. степень каждой вершины не превосходит $n - 2$
- e. граф содержит цикл, если каждая доля содержит не менее двух вершин
- f. граф планарный

38. Тип - альтернативный вопрос. . (УК-1)

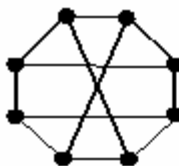
Является ли планарным следующий граф:



- a. да (+5 баллов)
- b. нет

39. Тип - альтернативный вопрос. (. (УК-1)

Является ли планарным следующий граф:



- a. да
- b. нет (+5 баллов)

40. Тип - альтернативный вопрос. . (УК-1))

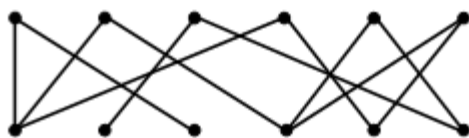
Является ли планарным следующий граф:



- a. да (+5 баллов)
- b. нет

41. Тип - альтернативный вопрос. . (УК-1)

Является ли планарным следующий граф:



- a. да (+5 баллов)
- b. нет

Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний

Шкала оценивания (за правильный ответ дается 1 балл)

- «неудовлетворительно» – 50% и менее
- «удовлетворительно» – 51-80%
- «хорошо» – 81-90%
- «отлично» – 91-100%

Критерии оценки тестового материала по дисциплине

«Дискретная математика»:

- ✓ 5 баллов - выставляется студенту, если выполнены все задания варианта, продемонстрировано знание фактического материала (базовых понятий, алгоритма, факта).
- ✓ 4 балла - работа выполнена вполне квалифицированно в необходимом объеме; имеются незначительные методические недочёты и дидактические ошибки. Демонстрировано умение правильно использовать специальные термины и понятия, узнавание объектов изучения в рамках определенного раздела дисциплины; понятен творческий уровень и аргументация собственной точки зрения
- ✓ 3 балла – продемонстрировано умение синтезировать, анализировать, обобщать фактический и теоретический материал с формулированием конкретных выводов, установлением причинно-следственных связей в рамках определенного раздела дисциплины;
- ✓ 2 балла - работа выполнена на неудовлетворительном уровне; не в полном объеме, требует доработки и исправлений, и исправлений более чем половины объема.

7.2.4. Бально-рейтинговая система оценки знаний бакалавров

Согласно Положения о бально-рейтинговой системе оценки знаний бакалавров баллы выставляются в соответствующих графах журнала (см. «Журнал учета бально-рейтинговых показателей студенческой группы») в следующем порядке:

«Посещение» - 2 балла за присутствие на занятии без замечаний со стороны преподавателя; 1 балл за опоздание или иное незначительное нарушение дисциплины; 0 баллов за пропуск одного занятия (вне зависимости от уважительности пропуска) или опоздание более чем на 15 минут или иное нарушение дисциплины.

«Активность» - от 0 до 5 баллов выставляется преподавателем за демонстрацию студентом знаний во время занятия письменно или устно, за подготовку домашнего задания, участие в дискуссии на заданную тему и т.д., то есть за работу на занятии. При этом преподаватель должен опросить не менее 25% из числа студентов, присутствующих на практическом занятии.

«Контрольная работа» или «тестирование» - от 0 до 5 баллов выставляется преподавателем по результатам контрольной работы или тестирования группы, проведенных во внеаудиторное время. Предполагается, что преподаватель по согласованию с деканатом проводит подобные мероприятия по выявлению остаточных знаний студентов не реже одного раза на каждые 36 часов аудиторного времени.

«Отработка» - от 0 до 2 баллов выставляется за отработку каждого пропущенного лекционного занятия и от 0 до 4 баллов может быть поставлено преподавателем за отра-

ботку студентом пропуска одного практического занятия или практикума. За один раз можно отработать не более шести пропусков (т.е., студенту выставляется не более 18 баллов, если все пропущенные шесть занятий являлись практическими) вне зависимости от уважительности пропусков занятий.

«Пропуски в часах всего» - количество пропущенных занятий за отчетный период умножается на два (1 занятие=2 часам) (заполняется делопроизводителем деканата).

«Пропуски по неуважительной причине» - графа заполняется делопроизводителем деканата.

«Попуски по уважительной причине» - графа заполняется делопроизводителем деканата.

«Корректировка баллов за пропуски» - графа заполняется делопроизводителем деканата.

«Итого баллов за отчетный период» - сумма всех выставленных баллов за данный период (графа заполняется делопроизводителем деканата).

Таблица перевода балльно-рейтинговых показателей в отметки традиционной системы оценивания

Соотношение часов лекционных и практических занятий	0/2	1/3	1/2	2/3	1/1	3/2	2/1	3/1	2/0	Соответствие отметки коэффициенту
Коэффициент соответствия	1,5	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	«зачтено»
балльных показателей традиционной отметке	1	1	1	1	1	1	1	1	1	«удовлетворительно»
	2	1,75	1,65	1,6	1,5	1,4	1,35	1,25	-	«хорошо»
	3	2,5	2,3	2,2	2	1,8	1,7	1,5	-	«отлично»

Необходимое количество баллов для выставления отметок («зачтено», «удовлетворительно», «хорошо», «отлично») определяется произведением реально проведенных аудиторных часов (n) за отчетный период на коэффициент соответствия в зависимости от соотношения часов лекционных и практических занятий согласно приведенной таблице.

«Журнал учета балльно-рейтинговых показателей студенческой группы» заполняется преподавателем на каждом занятии.

В случае болезни или другой уважительной причины отсутствия студента на занятиях, ему предоставляется право отработать занятия по индивидуальному графику.

Студенту, набравшему количество баллов менее определенного порогового уровня, выставляется оценка "неудовлетворительно" или "не зачтено". Порядок ликвидации задолженностей и прохождения дальнейшего обучения регулируется на основе действующего законодательства РФ и локальных актов КЧГУ.

Текущий контроль по лекционному материалу проводит лектор, по практическим занятиям – преподаватель, проводивший эти занятия. Контроль может проводиться и совместно.

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины. Информационное обеспечение образовательного процесса

8.1. Основная литература:

1. Соболева, Т. С. Дискретная математика. Углубленный курс : учебник / под редакцией А. В. Чечкина. - Москва : КУРС : ИНФРА-М, 2020. - 278 с. - ISBN 978-5-906818-11-9. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1015049> (дата обращения: 24.08.2020). – Режим доступа: по подписке. - Текст: электронный.
2. Ренин, С. В. Дискретная математика : конспект лекций / С. В. Ренин. - Новосибирск: НГТУ, 2011. - 64 с. - ISBN 978-5-7782-1596-2. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/558822> (дата обращения: 24.08.2020). – Режим доступа: по подписке. - Текст: электронный.
3. Вороненко, А. А. Дискретная математика. Задачи и упражнения с решениями : учебно-методическое пособие / А. А. Вороненко, В. С. Федорова. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 104 с. - ISBN 978-5-16-106349-1. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1033596> (дата обращения: 24.08.2020). – Режим доступа: по подписке. - Текст: электронный.
4. Алексеев, В. Б. Лекции по дискретной математике : учеб. пособие / В.Б. Алексеев. — Москва : ИНФРА-М, 2018. — 90 с. - ISBN 978-5-16-005559-6. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/952158> (дата обращения: 24.08.2020). – Режим доступа: по подписке. - Текст: электронный.
5. Корчагина, Е. В. Дискретная математика : практикум / Е. В. Корчагина, Р. В. Кузьменко, Н. А. Андреева. - Воронеж : Воронежский институт ФСИН России, 2019. - 162 с. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1086247> (дата обращения: 24.08.2020). – Режим доступа: по подписке. - Текст: электронный.
6. Осипова, В. А. Основы дискретной математики : учебное пособие / В. А. Осипова. - 2-е изд., доп. - Москва : ФОРУМ : ИНФРА-М, 2020. - 157 с. - ISBN 978-5-00091-404-5. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1088379> (дата обращения: 24.08.2020). – Режим доступа: по подписке. - Текст: электронный.

8.2. Дополнительная литература:

1. Редькин, Н. П. Дискретная математика: учебник / Н.П. Редькин. - Москва : ФИЗМАТ-ЛИТ, 2009. - 264 с. ISBN 978-5-9221-1093-8, 700 экз. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/208908> (дата обращения: 24.08.2020). – Режим доступа: по подписке. - Текст: электронный.
2. Носов, В. В. Дискретная математика: учебное пособие / В. В. Носов; Оренбургский государственный университет. - Оренбург: ОГУ, 2019. - 144 с. - ISBN 978-5-7410-2304-4. URL: <https://e.lanbook.com/book/159904> (дата обращения: 05.04.2021). - Режим доступа: для автороз. пользователей. - Текст: электронный.
3. Ходаков, В. Е. Дискретная математика : учебное пособие / В. Е. Ходаков, Н. А. Соколова. — Москва : ИНФРА-М, 2020. — 542 с. - ISBN 978-5-16- 013184-9. - URL:

<https://znanium.com/catalog/product/1117204> (дата обращения: 24.08.2020). – Режим доступа: - Текст: электронный.

4. Гутова, С. Г. Дискретная математика: учебное пособие / С. Г. Гутова; Кемеровский государственный университет. — Кемерово: КемГУ, 2019 — Часть 1 - 2019. - 491 с. - ISBN 978-5-8353-2429-3. - URL: <https://e.lanbook.com/book/135203> (дата обращения: 05.04.2021). — Режим доступа: для авториз. пользователей. - Текст: электронный.

9. Методические указания для обучающихся по освоению учебной дисциплины (модуля)

Вид учебных занятий	Организация деятельности студента
Лекция	Написание конспекта лекций: краткое, схематичное, последовательное фиксирование основных положений, выводов, формулировок, обобщений; выделение ключевых слов, терминов. Проверка терминов, понятий с помощью энциклопедий, словарей, справочников с выписыванием толкований в тетрадь. Обозначение вопросы, терминов, материала, вызывающего трудности. Если самостоятельно не удастся разобраться в материале, необходимо сформулировать вопрос и задать преподавателю на консультации, на практическом занятии.
Лабораторные занятия	Конспектирование источников. Работа с конспектом лекций, выполнение заданий, подготовка ответов к контрольным вопросам, просмотр рекомендуемой литературы, работа с текстом
Контрольная работа/ индивидуальные задания	Знакомство с основной и дополнительной литературой, включая справочные издания, зарубежные источники, конспект основных положений, терминов, сведений, требующих для запоминания и являющихся основополагающими в этой теме. Составление аннотаций к прочитанным литературным источникам и др.
Реферат	Реферат: Поиск литературы и составление библиографии, использование от 3 до 5 научных работ, изложение мнения авторов и своего суждения по выбранному вопросу; изложение основных аспектов проблемы. Ознакомиться со структурой и оформлением реферата.
Коллоквиум	Работа с конспектом лекций, подготовка ответов к контрольным вопросам и др.
Самостоятельная работа	Проработка учебного материала занятий лекционного и лабораторного типа. Изучение нового материала до его изложения на занятиях. Поиск, изучение и презентация информации по заданной теме, анализ научных источников. Самостоятельное изучение отдельных вопросов тем дисциплины, не рассматриваемых на занятиях лекционного и семинарского типа. Подготовка к текущему контролю, к промежуточной аттестации.
Подготовка к экзамену	При подготовке к экзамену необходимо ориентироваться на конспекты лекций, рекомендуемую литературу и др.

10. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)

10.1. Общесистемные требования

Электронная информационно-образовательная среда ФГБОУ ВО «КЧГУ»

<http://kchgu.ru> - адрес официального сайта университета

<https://do.kchgu.ru> - электронная информационно-образовательная среда КЧГУ

Электронно-библиотечные системы (электронные библиотеки)

Наименование документа с указанием реквизитов	Срок действия документа
Электронно-библиотечная система ООО «Знаниум». Договор № 915 ЭБС от 12.05.2023г.	до 15.05.2024 г.
Электронно-библиотечная система «Лань». Договор № СЭБ НВ-294 от 1 декабря 2020 года.	Бессрочный
Электронная библиотека КЧГУ (Э.Б.). Положение об ЭБ утверждено Ученым советом от 30.09.2015 г. Протокол № 1). Электронный адрес: https://kchgu.ru/biblioteka - kchgu/	Бессрочный
Электронно-библиотечные системы: Научная электронная библиотека «ELIBRARY.RU» - https://www.elibrary.ru . Лицензионное соглашение №15646 от 01.08.2014 г. Бесплатно.	Бессрочно
Национальная электронная библиотека (НЭБ) – https://rusneb.ru . Договор №101/НЭБ/1391 от 22.03.2016 г. Бесплатно.	
Электронный ресурс «Polred.com Обзор СМИ» – https://polpred.com . Соглашение. Бесплатно.	

10.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины

При необходимости для проведения занятий используется аудитория, оборудованная компьютером с доступом к сети Интернет с установленным на нем необходимым программным обеспечением и браузером, проектор (интерактивная доска) для демонстрации презентаций и мультимедийного материала.

В соответствии с содержанием лабораторных занятий при их проведении используется аудитория, рабочие места обучающихся в которой оснащены компьютерной техникой, имеют широкополосный доступ в сеть Интернет и программное обеспечение, соответствующее решаемым задачам.

Рабочие места для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с подключением к сети Интернет и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду Университета.

Наименование помещений для проведения всех видов учебной деятельности	Адрес помещений для проведения всех видов учебной деятельности
Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа,	369200, Карачаево-

<p>занятий семинарского типа, занятий по практикам, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля, промежуточной аттестации и ГИА. Специализированная мебель: столы ученические, стулья, стол преподавателя, доска меловая, таблицы.</p> <p>Технические средства обучения: ноутбук с подключением к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета, звуковые колонки, проектор.</p> <p>Лицензионное программное обеспечение:</p> <ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная <input type="checkbox"/> Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная <input type="checkbox"/> ABBY Fine Reader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная <input type="checkbox"/> Calculate Linux (внесён в ЕРРП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная <input type="checkbox"/> Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная <input type="checkbox"/> Kaspersky Endpoint Security (Лицензия № 0E26-170203-103503-237-90), с 02.03.2017 по 02.03.2019г. <input type="checkbox"/> Kaspersky Endpoint Security (Лицензия № 0E26-190214-143423-910-82), с 14.02.2019 по 02.03.2021г. <input type="checkbox"/> Kaspersky Endpoint Security (Лицензия № 280E-210210-093403-420-2061), с 03.03.2021 по 04.03.2023г. 	<p>Черкесская республика, г. Карачаевск, ул. Ленина, 29. Учебный корпус № 2, ауд. 30</p>
<p>Учебная аудитория для самостоятельной работы обучающихся Специализированная мебель: столы ученические, стулья, доска меловая.</p> <p>Учебно-наглядные пособия (в электронном виде).</p> <p>Технические средства обучения:</p> <p>- ноутбуки в количестве 3 шт. с подключением к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.</p> <p>Лицензионное программное обеспечение:</p> <ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная <input type="checkbox"/> Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная <input type="checkbox"/> ABBY Fine Reader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная <input type="checkbox"/> Calculate Linux (внесён в ЕРРП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная <input type="checkbox"/> Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная <input type="checkbox"/> Kaspersky Endpoint Security (Лицензия № 0E26-170203-103503-237-90), с 02.03.2017 по 02.03.2019г. <input type="checkbox"/> Kaspersky Endpoint Security (Лицензия № 0E26-190214-143423-910-82), с 14.02.2019 по 02.03.2021г. <input type="checkbox"/> Kaspersky Endpoint Security (Лицензия № 280E-210210-093403-420-2061), с 03.03.2021 по 04.03.2023г. 	<p>369200, г. Карачаевск, ул. Ленина, 29, учебно-лабораторный корпус, ауд. <u>.507</u></p>

10.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения

1. ABBY FineReader (лицензия №FCRP-1100-1002-3937), бессрочная.
2. Антивирус Касперского. Действует до 03.03.2025г. (Договор № 56/2023 от 25 января 2023)
3. Microsoft Office (лицензия №60127446), бессрочная.
4. Microsoft Windows (лицензия №60290784), бессрочная.
5. Пакет приложений для объектно-ориентированного программирования Embarcadero (Item Number: 2013123054325206). Бессрочная лицензия.

10.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Современные профессиональные базы данных

1. Банк данных угроз безопасности информации. ФСТЭК России - <https://bdu.fstec.ru/threat>
2. Федеральный портал «Российское образование»- <https://edu.ru/documents/>
3. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru/>
4. Базы данных Scopus издательства Elsevir <http://www.scopus.com/search/form.uri?display=basic>.

Информационные справочные системы

1. Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования - <http://fgosvo.ru>.
2. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (ФЦИОР) – <http://edu.ru>.
3. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru>.
4. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» (ИС «Единое окно») – <http://window/edu.ru>.

11. Особенности реализации дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

В группах, в состав которых входят студенты с ОВЗ, в процессе проведения учебных занятий создается гибкая, вариативная организационно-методическая система обучения, адекватная образовательным потребностям данной категории обучающихся, которая позволяет не только обеспечить преемственность систем общего (инклюзивного) и высшего образования, но и будет способствовать формированию у них компетенций, предусмотренных ФГОС ВО, ускорит темпы профессионального становления, а также будет способствовать их социальной адаптации.

В процессе преподавания учебной дисциплины создается на каждом занятии толерантная социокультурная среда, необходимая для формирования у всех обучающихся гражданской, правовой и профессиональной позиции соучастия, готовности к полноценному общению, сотрудничеству, способности толерантно воспринимать социальные, личностные и культурные различия, в том числе и характерные для обучающихся с ОВЗ.

Посредством совместной, индивидуальной и групповой работы формируется у всех обучающихся активная жизненная позиция и развитие способности жить в мире разных людей и идей, а также обеспечивается соблюдение обучающимися их прав и свобод и признание права другого человека, в том числе и обучающихся с ОВЗ на такие же права.

В процессе овладения обучающимися с ОВЗ компетенциями, предусмотренными рабочей программой дисциплины преподаватель руководствуется следующими принципами построения инклюзивного образовательного пространства:

– **Принцип индивидуального подхода**, предполагающий выбор форм, технологий, методов и средств обучения и воспитания с учетом индивидуальных образовательных потребностей каждого из обучающихся с ОВЗ, учитывающими различные стартовые возможности данной категории обучающихся (структуру, тяжесть, сложность дефектов развития).

– **Принцип вариативной развивающей среды**, который предполагает наличие в процессе проведения учебных занятий и самостоятельной работы обучающихся необходимых развивающих и дидактических пособий, средств обучения, а также организацию безбарьерной среды, с учетом структуры нарушения в развитии (нарушения опорно-двигательного аппарата, зрения, слуха и др.).

– **Принцип вариативной методической базы**, предполагающий возможность и способность использования преподавателем в процессе овладения обучающимися с ОВЗ данной учебной дисциплиной, технологий, методов и средств работы из смежных областей, применение методик и приемов тифло-, сурдо-, логопедии.

– **Принцип самостоятельной активности обучающихся с ОВЗ**, предполагающий обеспечение самостоятельной познавательной активности данной категории обучающихся посредством дополнения раздела РПД «Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине» заданиями, учитывающими различные стартовые возможности данной категории обучающихся (структуру, тяжесть, сложность дефектов развития).

В группах, в состав которых входят обучающиеся с ОВЗ, в процессе проведения учебных занятий осуществляется учет наиболее типичных проявлений психоэмоционального развития, поведенческих особенностей, свойственных обучающимся с ОВЗ: повышенной утомляемости, инертности эмоциональных реакций, нарушений психомоторной сферы, недостаточное развитие вербальных и невербальных форм коммуникации. В отдельных случаях учитывается их склонность к перепадам настроения, аффективность поведения, повышенный уровень тревожности, склонность к проявлениям агрессии, негативизма.

В группах, в состав которых входят обучающиеся с ОВЗ, в процессе учебных занятий используются технологии, направленные на диагностику уровня и темпов профессионального становления обучающихся с ОВЗ, а также технологии мониторинга степени успешности формирования у них компетенций, предусмотренных ФГОС ВО при изучении данной учебной дисциплины, используя с этой целью специальные оценочные материалы и формы проведения промежуточной и итоговой аттестации, специальные технические средства, предоставляя обучающимся с ОВЗ дополнительное время для подготовки ответов, привлекая тьютеров).

Материально-техническая база для реализации программы:

1. Мультимедийные средства:

- интерактивные доски «Smart Board», «Toshiba»;
- экраны проекционные на штативе 280*120;
- мультимедиа-проекторы Epson, Benq, Mitsubishi, Aser;

2. Презентационное оборудование:

- радиосистемы AKG, Shure, Quik;
- видеокомплекты Microsoft, Logitech;
- микрофоны беспроводные;
- класс компьютерный мультимедийный на 21 мест;
- ноутбуки Aser, Toshiba, Asus, HP;

Наличие компьютерной техники и специального программного обеспечения: имеются рабочие места, оборудованные рельефно-точечными клавиатурами (шрифт Брайля), программное обеспечение NVDA с функцией синтезатора речи, видеоувеличителем, клавиатурой для лиц с ДЦП, роллером Распределение специализированного оборудования.

12. Лист регистрации изменений

Изменение	Дата и номер протокола ученого совета факультета/института, на котором были рассмотрены вопросы о необходимости внесения изменений	Дата и номер протокола ученого совета Университета, на котором были утверждены изменения в ОП ВО	Дата введения изменений
Обновлены договоры: 1). Антивирус Касперского. Действует до 03.03.2025г. (Договор № 56/2023 от 25 января 2023г.); 2). Договор №915 эбс ООО «Знаниум» от 12.05.2023г. Действует до 15.05.2024г.		Решение Ученого Совета КЧГУ от 29.06.2023г. Протокол № 8	

Решение кафедры: рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры:

Заведующий кафедрой ИВМ к. ф.-м. н., доц. Шунгаров Х.Д.